

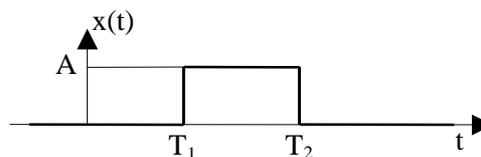
Les 3 parties sont totalement indépendantes. Seul document autorisé : polycopié de cours.

Durée estimée : 1h45. Le barème noté entre crochets est indicatif. Il ne permet en aucun cas d'obtenir une note supérieure à 20/20.

Reporter très clairement les numéros des questions sur les copies.

I. Réponse temporelle d'un système.

Soit le signal $x(t)$ représenté ci-contre.



I.1. Exprimer $x(t)$ en fonction de l'échelon unitaire $\Gamma(t)$. [2]

I.2. En déduire $X(s)$, la transformée de Laplace du signal $x(t)$. [2]

I.3. On applique le signal $x(t)$ à l'entrée d'un système dont la fonction de transfert est :

$$H(s) = \frac{H_0 \cdot s \cdot e^{-t \cdot s}}{(a \cdot s + 1)^2}$$

I.3.a. A quoi correspond le terme $e^{-t \cdot s}$ dans le domaine temporel ? [1]

I.3.b. Quelles sont les dimensions des constantes a et H_0 ? [1]

I.3.c. Soit $y(t)$ la sortie du système. Ecrire l'expression de $Y(s)$, sa transformée de Laplace en fonction de $X(s)$ et $H(s)$. [1]

I.3.d. On note $T'_1 = t + T_1$, $T'_2 = t + T_2$ et $K = \frac{A \cdot H_0}{a^2}$. En déduire l'expression de $y(t)$ en fonction de K , T'_1 et T'_2 . [2]

I.4. Soit la fonction $f(t) = t \cdot e^{-\lambda t} \cdot \Gamma(t)$, avec $\lambda > 0$.

I.4.a. Donner les valeurs de $f(0)$ et $f(\infty)$. [1]

I.4.b. Calculer la pente de $f(t)$ pour $t=0$. [2]

I.4.c. Calculer la valeur t_M de t pour laquelle $f(t)$ est maximale. Que vaut alors $f(t_M)$? [1]

I.4.d. Tracer rapidement l'allure de $f(t)$. [1]

I.5. Déduire de l'étude de $f(t)$ l'allure de $y(t)$.

Faire un graphe représentant $x(t)$ et $y(t)$ pour $H_0=4s$, $\tau=1s$, $T_1=1s$, $T_2=2s$, $a=2s$ et $A=1$. [2]

II. Analyse des régimes initiaux et permanents d'un système.

Soit la fonction de transfert $G(s)$ d'un système : $G(s) = \frac{10 \cdot (s+1)}{(s+2)^2 \cdot (s+4)}$

et $e(t)$ le signal d'entrée appliqué à ce système.

II.1. On prend $e(t) = 2 \cdot \Gamma(t)$

Calculer la valeur de la sortie du système pour $t=0$, puis pour $t \rightarrow \infty$. [2]

II.2. On prend $e(t) = 5 \cdot t \cdot \Gamma(t)$

Calculer la valeur de la sortie du système pour $t=0$, puis pour $t \rightarrow \infty$. [2]

III. Etude harmonique d'un système.

Soit la fonction de transfert $B(s)$ suivante : $B(s) = \frac{-100 \cdot (s+0,1)}{s}$

III.1. Mettre $B(s)$ sous la forme du produit de 3 fonctions de transfert (B_1 , B_2 et B_3). [1]

III.2. Pour chaque fonction de transfert :

a.) Evaluer le module et la phase quand $\omega \rightarrow 0$ [1,5]

b.) Evaluer le module et la phase quand $\omega \rightarrow \infty$ [1,5]

c.) Evaluer le module et la phase pour une valeur particulière (et intéressante) de ω [1]

d.) Tracer rapidement les diagrammes de Bode correspondants. [2]

III.3. Tracer les diagrammes de Bode de la fonction $B(s)$. On représentera les asymptotes en indiquant les pentes, et les valeurs particulières intéressantes. [2]